

## แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ความชื้นสมดุลของเมล็ดฟักทอง Mathematical Models Equilibrium Moisture Content of Pumpkin Seed

EC010

อีลิหัยะ สนิโซ่ นูรมา เปเฮาะอีเล

ภาควิชาวิทยาศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์เทคโนโลยีและการเกษตร มหาวิทยาลัยราชภัฏยะลา  
ตำบลสะเตง อำเภอเมือง จังหวัดยะลา 95000 โทร 086-2960787 E-mail: saniso.e@hotmail.com

### บทคัดย่อ

ความชื้นสมดุลมีความสำคัญต่อการวิเคราะห์และออกแบบกระบวนการอบแห้งผลผลิตทางการเกษตรที่เหมาะสม โดยไม่เกิดความเสียหายและเหมาะสมกับการเก็บรักษา การวิจัยนี้จึงทดลองหาค่าความชื้นสมดุลซึ่งเป็นพารามิเตอร์ที่ใช้วิเคราะห์กระบวนการอบแห้งเมล็ดฟักทองที่เหมาะสมด้วยวิธีสถิต (Static method) ซึ่งมีสารละลายเกลืออิ่มตัว 5 ชนิด ได้แก่ LiCl, MgCl<sub>2</sub>, Mg(NO<sub>3</sub>)<sub>2</sub>, NaCl และ KNO<sub>3</sub> ควบคุมความชื้นสัมพัทธ์ให้อยู่ในช่วงร้อยละ 11.10 - 92.30 ที่อุณหภูมิอากาศในช่วง 30 - 50 องศาเซลเซียส จากการวิเคราะห์หาค่าความชื้นสมดุลของเมล็ดฟักทองปรากฏว่า ที่ความชื้นสัมพัทธ์เดียวกันค่าความชื้นสมดุลจะลดลงเมื่ออุณหภูมิเพิ่มขึ้น ส่วนที่อุณหภูมิเดียวกันค่าความชื้นสมดุลจะเพิ่มขึ้นเมื่อค่าความชื้นสัมพัทธ์เพิ่มขึ้น และเมื่อเปรียบเทียบแบบจำลองความชื้นสมดุลกับผลที่ได้จากการทดลอง พบว่า แบบจำลองความชื้นสมดุลของ Halsey สามารถทำนายค่าความชื้นสมดุลของเมล็ดฟักทองได้ดีที่สุด

คำสำคัญ: การอบแห้ง, ความชื้นสมดุล, แบบจำลองทางคณิตศาสตร์, เมล็ดฟักทอง

### 1. บทนำ

ฟักทอง (Pumpkin) เป็นพืชตระกูลมะระชนิดไม้เถาขนาดใหญ่ ผิวมีลักษณะขรุขระ เนื้อในสีเหลืองนี้มีเมล็ดสีขาวแบนติดอยู่ แต่ละส่วนของฟักทองมีสรรพคุณมากมาย โดยเฉพาะเมล็ด (Pumpkin seeds) ที่ประกอบด้วยแป้ง ฟอสฟอรัส โปรตีน และวิตามิน รวมทั้งสารที่ชื่อ "คิวเคอร์บิติน" (Cucurbitine) ซึ่งมีฤทธิ์ในการฆ่าพยาธิตัวตืด ช่วยขับปัสสาวะ ป้องกันการเกิดนิ่ว และป้องกันมะเร็งกระเพาะปัสสาวะ นอกจากนี้น้ำมันจากเมล็ดฟักทองยังช่วยบำรุงประสาท และมีกรดอะมิโนบางชนิดที่ช่วยป้องกันไม่ให้ต่อมลูกหมากของผู้ชายขยายใหญ่ขึ้น รวมทั้งช่วยปรับระดับฮอร์โมนเพศชายที่ได้จากลูกอัณฑะให้อยู่ในระดับปกติ

เมล็ดฟักทองเมื่อแกะออกจากผลแล้วจะมีความชื้นสูงส่งผลให้ไม่สามารถเก็บรักษาได้นาน จึงมีการตากแดดหรือใช้กระบวนการอบแห้งเมล็ดฟักทองแบบต่างๆ เพื่อลดความชื้นให้เก็บรักษาได้นานขึ้น การผลิตเมล็ดฟักทองแห้งจึงเป็นกระบวนการหนึ่งในการเก็บรักษาผลผลิตทางการเกษตรที่ใช้พลังงานแบบต่างๆ เช่น พลังงานไฟฟ้า (Electrical energy) พลังงานแสงอาทิตย์ (Solar energy) และพลังงานชีวมวล (Biomass energy) การวิเคราะห์และออกแบบกระบวนการอบแห้งเมล็ดฟักทองนั้นจำเป็นต้องทราบพารามิเตอร์บางประการ ซึ่งพารามิเตอร์หนึ่งที่สำคัญในกระบวนการอบแห้ง คือ ความชื้นสมดุล (Equilibrium moisture content, EMC) [1-10] ซึ่งเป็นพารามิเตอร์ที่ช่วยในการวิเคราะห์และออกแบบเครื่องอบแห้งที่เหมาะสมเพื่อให้ได้ความชื้นของวัสดุตามที่ต้องการและช่วยในการจัดเก็บรักษาวัสดุที่ควบคุมความชื้นของผลิตภัณฑ์เพื่อไม่ให้เกิดความเสียหายต่อผลิตภัณฑ์ที่ได้จากกระบวนการอบแห้ง จากการทบทวนเอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้องพบว่า มีผู้คิดค้นและนำแบบจำลองทางคณิตศาสตร์มาทำนายความชื้นสมดุลของวัสดุเพื่อหาแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ที่เหมาะสมสำหรับวัสดุแต่ละชนิด เช่น แบบจำลองของ Oswin [3, 7], Halsey [7], Henderson [6-7], Chung & Pfof [7], GAB [2, 5-7], BET [1],

Modified Oswin [1, 4, 7], Modified Halsey [1, 3-4, 7], Modified Henderson [1, 3-4, 7], Modified Chung & Pfof [1, 4, 7] และ Modified GAB [4, 7]

การวิจัยนี้จึงทดลองหาค่าความชื้นสมดุลของเมล็ดพืชทองและน้ำแบบจำลองความชื้นสมดุลของ Henderson [6-7], Chung & Pfof [7], Halsey [7] และ BET [1] มาเปรียบเทียบกับผลการทดลองเพื่อหาแบบจำลองความชื้นสมดุลที่เหมาะสมสำหรับเมล็ดพืชทอง

## 2. วิธีดำเนินการวิจัย

### 2.1 ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

#### ความชื้น

ความชื้น (Moisture) คือ ปริมาณน้ำหรือของเหลวที่แทรกตัวอยู่ในเนื้อวัสดุเทียบกับมวลของวัสดุ [8-11] ตามมาตรฐาน AOAC 2005 [12] ความชื้นในวัสดุสามารถคำนวณได้จากสมการที่ (1) ดังนี้

$$MC = \frac{w-d}{d} \cdot 100 \quad (1)$$

เมื่อ MC คือ ความชื้นมาตรฐานแห้ง (% d.b.) w คือ มวลของวัสดุเปียก (kg) และ d คือ มวลของวัสดุแห้ง (kg)

#### ความชื้นสมดุล

ความชื้นสมดุล คือ ปริมาณความชื้นเมื่อความดันของน้ำในวัสดุไปถึงจุดสมดุลกับสิ่งแวดล้อม ถือเป็นลักษณะเฉพาะทางอุณหพลศาสตร์ที่มีความสำคัญต่อกระบวนการอบแห้งเพื่อบอกปริมาณความชื้นน้อยสุดที่สามารถมีอยู่ได้ในวัสดุระหว่างกระบวนการอบแห้งที่อุณหภูมิและความชื้นสัมพัทธ์ต่างๆ ของสภาวะสิ่งแวดล้อม [8-12] การทดลองนี้จะนำข้อมูลค่าความชื้นสมดุลที่สัมพันธ์กับความชื้นสัมพัทธ์ที่อุณหภูมิต่างๆ มาวิเคราะห์เพื่อหาค่าพารามิเตอร์ของแบบจำลองความชื้นสมดุล 5 ลักษณะ ดังนี้

$$\text{Henderson [6-7] : } EMC = \left[ -\frac{1}{A} \cdot \frac{\ln(1-RH)}{(T+273)} \right]^{\frac{1}{B}} \quad (2)$$

$$\text{Chung \& Pfof [7] : } EMC = -\frac{1}{B} \cdot \ln \left[ -\frac{1}{A} \cdot \ln(RH) \cdot R \cdot (T+273) \right] \quad (3)$$

$$\text{Halsey [7] : } EMC = \exp \left\{ \frac{1}{B} \ln \left[ \frac{1}{A} \ln(RH) \cdot R \cdot (T+273) \right] \right\} \quad (4)$$

$$\text{BET [1] : } EMC = \frac{A \cdot B \cdot RH}{(1-RH) \cdot (1+(B-1) \cdot RH)} \quad (5)$$

เมื่อ EMC คือ ความชื้นสมดุล (ร้อยละมาตรฐาน) RH คือ ความชื้นสัมพัทธ์ (อัตราส่วน) T คือ อุณหภูมิ (องศาเซลเซียส) A, B คือ ค่าคงที่สมการ และ R คือ ค่าคงที่ของก๊าซ (8.314 จูลต่อโมล-เคลวิน)

#### การวิเคราะห์สถิติ

การทดลองนี้ได้พิจารณาค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Coefficient of correlation,  $R^2$ ) [13-14] เพื่อวิเคราะห์หารูปแบบสมการทางคณิตศาสตร์ที่เหมาะสมที่สุดสำหรับอธิบายและทำนายความชื้นสมดุลของเมล็ดพืชทอง กล่าวคือ แบบจำลองที่ให้ค่า  $R^2$  สูงสุด ถือเป็นแบบจำลองที่เหมาะสมที่สุดสำหรับทำนายความชื้นสมดุลของเมล็ดพืชทอง [13] ในช่วงค่าความชื้นสัมพัทธ์ 11.10 - 92.30 อุณหภูมิ 30 - 50 องศาเซลเซียส ซึ่งคำนวณได้ตามสมการที่ (6) ดังนี้

$$R^2 = 1 - \frac{\sum_{i=1}^n (EMC_{pre} - EMC_{exp})^2}{\sum_{i=1}^n (EMC_{exp})^2 - (\sum_{i=1}^n (EMC_{exp}) / (N - Z))} \quad (6)$$

เมื่อ N คือ จำนวนข้อมูลการทดลอง i คือ จำนวนเต็ม 0, 1, 2, ... Z คือ จำนวนค่าคงตัว ตัวห้อย exp คือ ข้อมูลที่ได้จากการทดลอง pre คือ ข้อมูลที่ได้จากแบบจำลอง n คือ จำนวนข้อมูลที่ใช้วิเคราะห์

## 2.2 วัสดุ อุปกรณ์และวิธีการทดลอง

### เมล็ดพืชทอง

เมล็ดพืชทองที่ใช้ในการทดลองนี้เป็นเมล็ดพืชทองสดจากผลพืชทองที่ได้จากตลาดเมืองใหม่ อำเภอเมือง จังหวัดยะลา โดยแกะมาจากผลพืชทองสดที่สังเกตจากเปลือกภายนอกเป็นสีเหลือง แล้วคัดขนาดที่ใกล้เคียงกันมาเก็บไว้ในตู้เย็นที่อุณหภูมิ 2 - 5 องศาเซลเซียส เป็นเวลา 3 - 5 วัน เพื่อให้เมล็ดพืชทองมีความชื้นสม่ำเสมอ ระหว่างนี้ทำการเขย่าทุกวันเพื่อให้ความชื้นกระจายสม่ำเสมอ จากนั้นนำมาพักไว้ในตู้เย็นที่อุณหภูมิแวดล้อมเป็นเวลา 30 - 40 นาที จึงนำไปทดลองหาค่าความชื้นสมมูลตามมาตรฐาน AOAC 2005 [12]

### การหาความชื้นสมมูล

การหาค่าความชื้นสมมูลของเมล็ดพืชทองมีหลักการ คือ ปล่อยให้เมล็ดพืชทองสัมผัสกับอากาศที่ไม่มีกระแสลมที่ ความชื้นไม่เปลี่ยนแปลงตามเวลาด้วยวิธีสถิต (Static method) ในภาชนะปิดสนิทที่ควบคุมความชื้นสัมพัทธ์และอุณหภูมิของอากาศให้คงที่ ซึ่งใช้สารละลายเกลืออิ่มตัว 5 ชนิด ได้แก่ ลิเทียมคลอไรด์ (LiCl) แมกนีเซียมคลอไรด์เฮกซะไฮเดรต (MgCl<sub>2</sub>) แมกนีเซียมไนเตรทเฮกซะไฮเดรต (Mg(NO<sub>3</sub>)<sub>2</sub>) โซเดียมคลอไรด์ (NaCl) และโพแทสเซียมไนเตรต (KNO<sub>3</sub>) ควบคุมความชื้นสัมพัทธ์ของอากาศ ให้อยู่ในช่วงร้อยละ 11.10 - 92.30 ดังตารางที่ 1 ส่วนอุณหภูมิของอากาศจะถูกควบคุมด้วยตู้อบระบบปิด (Oven) ยี่ห้อ Memmert รุ่น 100-800

การหาค่าความชื้นสมมูลของเมล็ดพืชทอง เริ่มโดยนำสารละลายเกลืออิ่มตัวทั้ง 5 ชนิด บรรจุลงในขวดแก้ว ชนิดละ 2 ชุด จากนั้นนำเมล็ดพืชทองมาชั่งน้ำหนักด้วยเครื่องชั่งน้ำหนักยี่ห้อ Zepper รุ่น eps-3001 ความละเอียด 0.1 กรัม ให้ได้จำนวน 10 ชุดๆ ละ 30.0 กรัม ใส่ลงในตะแกรงแล้วไปบรรจุไว้ในขวดแก้ว ปิดฝาให้สนิทแล้วนำไปใส่ไว้ในตู้อบที่ควบคุมอุณหภูมิที่ 30 องศาเซลเซียส ไว้ประมาณ 5 - 7 วัน ให้ความชื้นของเมล็ดพืชทองเข้าสู่สมดุล เมื่อครบกำหนดจึงทำการชั่งน้ำหนักทุกวัน จนกว่าน้ำหนักจะเปลี่ยนแปลงน้อยมาก (ไม่เกิน 0.5 กรัม) จึงหยุดการทดลอง แล้วนำไปหาค่าความชื้นตามมาตรฐาน AOAC 2005 [12] โดยการอบแห้งที่อุณหภูมิ 105 องศาเซลเซียส เป็นเวลา 72 ชั่วโมง จากนั้นนำข้อมูลที่ได้ไปคำนวณหาค่าความชื้นตามสมการ (1) ซึ่งความชื้นที่ได้นี้ถือเป็นค่าความชื้นสมมูลของเมล็ดพืชทอง และดำเนินการในทำนองเดียวกันนี้อีก แต่เปลี่ยนอุณหภูมิเป็น 40 และ 50 องศาเซลเซียส ตามลำดับ

ตารางที่ 1 ความชื้นสัมพัทธ์ของสารละลายเกลืออิ่มตัว [3, 8-10]

อุณหภูมิ (°C)	ความชื้นสัมพัทธ์ (%)				
	KNO <sub>3</sub>	MgCl <sub>2</sub>	Mg(NO <sub>3</sub> ) <sub>2</sub>	NaCl	LiCl
30	92.30	32.48	51.40	75.10	11.30
40	90.20	31.59	48.40	74.70	11.20
50	89.20	30.54	45.40	74.40	11.10

### การวิเคราะห์แบบจำลองความชื้นสมมูล

การวิเคราะห์แบบจำลองความชื้นสมมูล ทำได้โดยหาค่าคงที่ต่างๆ ของแบบจำลองความชื้นสมมูล โดยอาศัยค่าความชื้นสมมูลที่ได้จากการทดลอง ด้วยการวิเคราะห์สมการการถดถอยในลักษณะไม่เชิงเส้นด้วยโปรแกรมคอมพิวเตอร์ แล้วนำค่าคงที่ของสมการที่ได้แทนกลับในสมการแบบจำลองความชื้นสมมูล ตามสมการ (2) - (5) จากนั้นวิเคราะห์หาค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (R<sup>2</sup>) ตามสมการ (6) เพื่อพิจารณารูปแบบสมการทางคณิตศาสตร์สำหรับทำนายค่าความชื้นสมมูลที่เหมาะสมที่สุด

### 3. ผลการวิจัย

#### 3.1 ผลการหาค่าความชื้นสมดุล

การหาค่าความชื้นสมดุลของเมล็ดพืชทอง ซึ่งใช้สารละลายเกลืออิ่มตัว 5 ชนิด ได้แก่ LiCl, MgCl<sub>2</sub>, Mg(NO<sub>3</sub>)<sub>2</sub>, NaCl และ KNO<sub>3</sub> ควบคุมความชื้นสัมพัทธ์ของอากาศในช่วงร้อยละ 11.10 - 92.30 ที่อุณหภูมิเท่ากับ 30, 40 และ 50 องศาเซลเซียส ตามลำดับ ได้ผลดังตารางที่ 2

ตารางที่ 2 ความชื้นสมดุลที่อุณหภูมิ 30, 40 และ 50 องศาเซลเซียส

อุณหภูมิ 30 °C		อุณหภูมิ 40 °C		อุณหภูมิ 50 °C	
RH (%)	EMC (% d.b.)	RH (%)	EMC (% d.b.)	RH (%)	EMC (% d.b.)
11.30	4.58	11.20	4.39	11.10	3.49
32.48	6.77	31.59	5.87	30.54	5.14
51.40	7.25	48.40	7.01	45.40	6.48
75.10	7.29	74.70	7.17	74.40	7.05
92.30	8.23	90.20	7.37	89.20	7.93

#### 3.2 ผลการวิเคราะห์ค่าคงที่ของแบบจำลองความชื้นสมดุล

เมื่อนำผลการทดลองหาค่าความชื้นสมดุลของเมล็ดพืชทอง ตามตารางที่ 2 ไปวิเคราะห์ค่าคงที่ของแบบจำลองความชื้นสมดุล ด้วยวิธีการหาค่าคงที่สมการถดถอยลักษณะไม่เชิงเส้น (Non-linear regression analysis) ด้วยโปรแกรมคอมพิวเตอร์แล้ว นำค่าคงที่สมการแทนกลับในสมการแบบจำลองความชื้นสมดุล ตามสมการ (2) - (5) จากนั้นวิเคราะห์ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เพื่อหาว่าแบบสมการทางคณิตศาสตร์ความชื้นสมดุลที่เหมาะสมที่อุณหภูมิ 30, 40 และ 50 องศาเซลเซียส ได้ผลดังตารางที่ 3

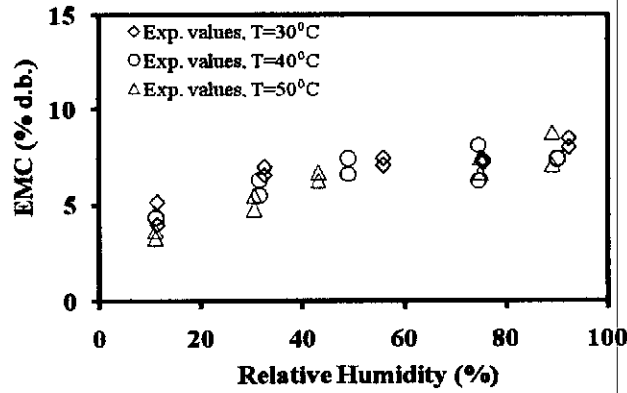
ตารางที่ 3 ค่าคงที่ของแบบจำลองความชื้นสมดุลที่อุณหภูมิ 30, 40 และ 50 องศาเซลเซียส

แบบจำลองความชื้นสมดุล	พารามิเตอร์	อุณหภูมิ		
		30 °C	40 °C	50 °C
Henderson [6-7] $EMC = \left[ -\frac{1}{A} \cdot \frac{\ln(1-RH)}{(T+273)} \right]^{\frac{1}{B}}$	A	4.0338x10 <sup>-7</sup>	9.1207x10 <sup>-8</sup>	8.4030x10 <sup>-6</sup>
	B	4.5344	5.5574	3.1239
	R <sup>2</sup>	0.8184	0.82858	0.9656
Chung & Pfof [7] $EMC = -\frac{1}{B} \cdot \ln \left[ -\frac{1}{A} \cdot \ln(RH) \cdot R \cdot (T+273) \right]$	A	2.5754x10 <sup>5</sup>	6.3601x10 <sup>5</sup>	4.9292x10 <sup>4</sup>
	B	0.7790	0.9982	0.5490
	R <sup>2</sup>	0.7306	0.7377	0.9315
Halsey [7] $EMC = \exp \left\{ \frac{1}{B} \ln \left[ \frac{1}{A} \ln(RH) \cdot R \cdot (T+273) \right] \right\}$	A	4.9528x10 <sup>6</sup>	2.9663x10 <sup>7</sup>	2.6641x10 <sup>5</sup>
	B	-4.3534	-5.5519	-2.8739
	R <sup>2</sup>	0.8505	0.8537	0.9828
BET [1] $EMC = \frac{A \cdot B \cdot RH}{(1-RH) \cdot (1+(B-1) \cdot RH)}$	A	2.3268	-0.4313	-37.1023
	B	-0.3982	2.0916	0.9695
	R <sup>2</sup>	0.6787	0.8123	0.8066

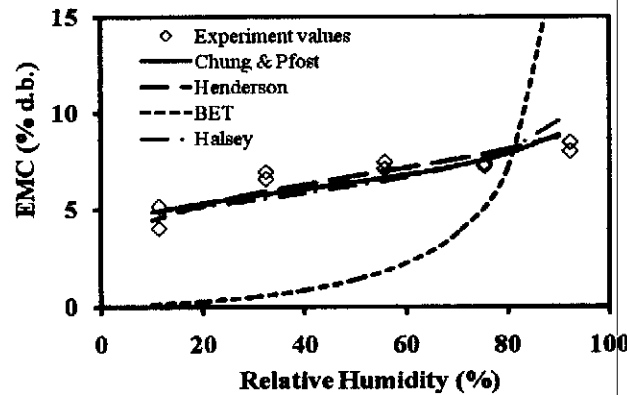
#### 4. อภิปรายและวิเคราะห์ผล

ผลการทดลองหาความชื้นสมดุลของเมล็ดพืชทองที่อุณหภูมิ 30, 40 และ 50 องศาเซลเซียส ในช่วงค่าความชื้นสัมพัทธ์ร้อยละ 11.10 - 92.30 ดังแสดงในรูปที่ 1 ซึ่งพบว่า ที่อุณหภูมิเดียวกันค่าความชื้นสมดุลจะขึ้นอยู่กับค่าความชื้นสัมพัทธ์ นั่นคือถ้าค่าความชื้นสัมพัทธ์มีค่าน้อยจะส่งผลให้เมล็ดพืชทองมีค่าความชื้นสมดุลต่ำและถ้าค่าความชื้นสัมพัทธ์สูงขึ้นก็จะส่งผลให้

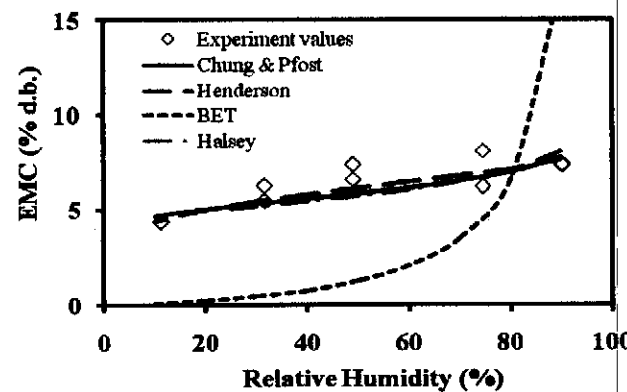
เมล็ดพืชทงมีค่าความชื้นสมดุลสูงขึ้น เพราะที่ค่าความชื้นสัมพัทธ์สูงนี้ความชื้นสัมพัทธ์ของสิ่งแวดล้อมก็จะสูงขึ้นด้วยส่งผลให้การถ่ายโอนความชื้นระหว่างวัสดุกับสิ่งแวดล้อมได้น้อยกว่าที่สภาวะความชื้นสัมพัทธ์ของสิ่งแวดล้อมต่ำกว่า ส่วนที่ค่าความชื้นสัมพัทธ์เท่ากันนั้น พบว่า ค่าความชื้นสมดุลจะขึ้นอยู่กับอุณหภูมิ กล่าวคือ เมื่ออุณหภูมิมีค่าน้อยจะส่งผลให้เมล็ดพืชทงมีค่าความชื้นสมดุลสูงและเมื่ออุณหภูมิสูงขึ้นก็จะส่งผลให้เมล็ดพืชทงมีค่าความชื้นสมดุลต่ำลง ซึ่งเป็นผลมาจากสภาวะการกระตุ้นที่สูงขึ้นของโมเลกุลของน้ำที่อุณหภูมิสูงขึ้นนำไปสู่การลดลงของแรงดึงดูดระหว่างโมเลกุลของน้ำ



รูปที่ 1 ความชื้นสมดุลของเมล็ดพืชทงที่อุณหภูมิ 30, 40 และ 50 องศาเซลเซียส

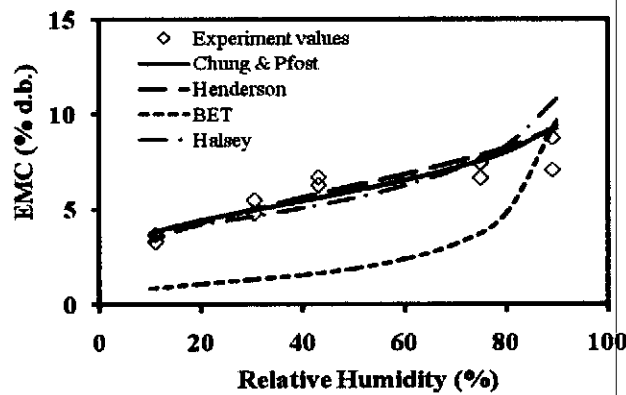


รูปที่ 2 เปรียบเทียบแบบจำลองความชื้นสมดุลกับผลการทดลองที่อุณหภูมิ 30 องศาเซลเซียส

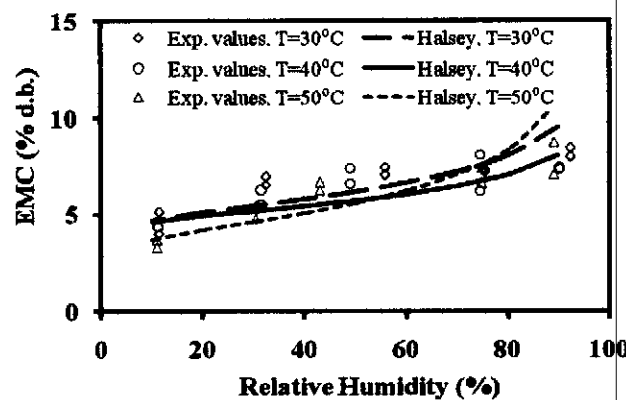


รูปที่ 3 เปรียบเทียบแบบจำลองความชื้นสมดุลกับผลการทดลองที่อุณหภูมิ 40 องศาเซลเซียส

เมื่อเปรียบเทียบแบบจำลองความชื้นสมดุลกับผลที่ได้จากการทดลองในแต่ละอุณหภูมิได้ผลดังแสดงในรูปที่ 2 - 4 และมีรายละเอียดของค่าคงที่ต่าง ๆ ดังแสดงในตารางที่ 3 ซึ่งพบว่า แบบจำลองความชื้นสมดุลของ Henderson [6-7], Chung & Pfof [7] และ Halsey [7] สามารถทำนายค่าความชื้นสมดุลได้ใกล้เคียงกับผลการทดลองและมีค่าแตกต่างกันเพียงเล็กน้อย ยกเว้นแบบจำลองความชื้นสมดุลของ BET [1] เมื่อเปรียบเทียบค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ที่มีค่ามากที่สุดในแต่ละแบบจำลองความชื้นสมดุล พบว่า ที่อุณหภูมิ 30, 40 และ 50 องศาเซลเซียส นั้นแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ความชื้นสมดุลของ Halsey มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เท่ากับ 0.8505, 0.8537 และ 0.9828 ตามลำดับ รองลงมาเป็นแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ความชื้นสมดุลของ Henderson [6-7] ซึ่งมีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เท่ากับ 0.8184, 0.82858 และ 0.9656 ตามลำดับ ในขณะที่แบบจำลองความชื้นสมดุลของ BET [1] นั้น ให้ผลการทำนายค่าความชื้นสมดุลที่แตกต่างกับผลการทดลองอย่างเห็นได้ชัด ดังรูปที่ 2 - 4



รูปที่ 4 เปรียบเทียบแบบจำลองความชื้นสมดุลกับผลการทดลองที่อุณหภูมิ 50 องศาเซลเซียส



รูปที่ 5 เปรียบเทียบแบบจำลองความชื้นสมดุลของ Halsey [7] กับผลการทดลองที่อุณหภูมิ 30, 40 และ 50 องศาเซลเซียส

จากการวิเคราะห์ดังกล่าว อธิบายได้ว่าแบบจำลองความชื้นสมดุลของ Halsey [7] สามารถนำมาทำนายค่าความชื้นสมดุลของเมล็ดพืชทองในทุช่วงอุณหภูมิได้เป็นอย่างดีและมีรูปแบบสมการที่ไม่ซับซ้อนง่ายต่อการนำไปใช้งานเพื่อทำนายค่าความชื้นสมดุลของเมล็ดพืชทองที่อุณหภูมิและความชื้นสัมพัทธ์ของสภาวะสิ่งแวดล้อมต่างๆ ซึ่งผลการเปรียบเทียบระหว่างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ความชื้นสมดุลของ Halsey [7] กับผลที่ได้จากการทดลองในแต่ละอุณหภูมิดังแสดงในรูปที่ 5

## 5. สรุป

จากการทดลองและวิเคราะห์ค่าความชื้นสมดุลของเมล็ดพืงทอง พบว่า ความชื้นสมดุลของเมล็ดพืงทองมีค่าลดลงตามอุณหภูมิแต่เพิ่มขึ้นตามความชื้นสัมพัทธ์ของอากาศ โดยการเปลี่ยนแปลงค่าความชื้นสมดุลของเมล็ดพืงทองมีแนวโน้มเพิ่มขึ้นในลักษณะของโค้งกลับ (Sigmoid shape) โดยแบบจำลองความชื้นสมดุลของ Halsey [7] สามารถทำนายค่าความชื้นสมดุลได้ดีที่สุด และมีรูปแบบสมการที่ง่ายไม่ซับซ้อน สะดวกต่อการนำไปใช้ในการทำนายค่าความชื้นสมดุลของเมล็ดพืงทองที่อุณหภูมิและความชื้นสัมพัทธ์ของสภาวะสิ่งแวดล้อมต่างๆ เมื่อเปรียบเทียบกับแบบจำลองอื่นอื่นๆ

## 6. กิตติกรรมประกาศ

ขอขอบคุณนายชูเช็ง ชายดانا นักวิทยาศาสตร์ฟิสิกส์ ที่อำนวยความสะดวกในการใช้เครื่องมือและอุปกรณ์ทางวิทยาศาสตร์สำหรับการวิจัยเป็นอย่างดี

## 7. เอกสารอ้างอิง

- [1] Cortés, F.B., López, V. and Rojano, B.A. "Sorption Properties of Cape Gooseberry (*Physalis peruviana* L.)," *International Journal of Food Engineering*, Vol.8, Iss.1, Article 14, pp.1-16, 2012.
- [2] Villa-Vélez, H.A., Vázquez, H.A., Bon, J. and Telis-Romero, J. "Modelling Thermodynamic Properties of Banana Waste by Analytical Derivation of Desorption Isotherms," *International Journal of Food Engineering*, Vol.8, Iss.1, Article 9, pp.1-19, 2012.
- [3] Divair, C., Rosiane, L.d.C., Florencia, C.M., Katiuchia, P.T., Silvia, R.M.C. and Lúcia, H.P.N. "Sorption Isotherms of Albumen Dried in a Spout Fluidised Bed," *Journal of Food, Agriculture & Environment*, Vol.10, Iss.2, pp.151-155, 2012.
- [4] สมเกียรติ จตุรงค์กล้าเลิศ และทพนเกียรติ เกียรติศิริโรจน์ "แบบจำลองฮีสเตอร์ซิสและไอโซเทอมความชื้นสมดุลสำหรับการอบแห้งลำไยแผ่น" การประชุมวิชาการสมาคมวิศวกรรมเกษตรแห่งประเทศไทย ครั้งที่ 13 วันที่ 4-5 เมษายน จังหวัดเชียงใหม่ หน้า 493-503 พ.ศ. 2555.
- [5] Taitano, L.Z. and Singh, R.P. "Moisture Adsorption and Thermodynamic Properties of California Grown Almonds (Varieties: Nonpareil and Monterey)," *International Journal of Food Studies*, Vol.1, pp.61-75, 2012.
- [6] Sobukola, O., Popoola, I. and Munoz, L. "Experimental and Mathematical Description of Sorption Isotherms and Thermodynamic Properties of Salted and Dried African Catfish (*Clarias gariepinus*)," *International Journal of Food Engineering*, Vol.8, Iss.2, Article 5, pp.1-23, 2012.
- [7] Wasan, J., Thossaporn, C., Sutep, C. and Chalerm, S. "Comparison of Mathematical Models Equilibrium Moisture Content for Sheet Rubber. *KKU ENGINEERING JOURNAL*, Vol.39, Iss.1, pp.11-21, 2012.
- [8] Brooker, D.B., Bakker-Arkema, F.W. and Hall, C.W. "Drying Cereal Grains," 3<sup>rd</sup> Ed., The AVI publishing company, Inc., Westport, Connecticut, 265 p., 1981.
- [9] Bala, B.K. "Drying and Storage of Cereal Grains," Oxford & IBH Publishing, New Delhi, 302 p., 1997.
- [10] สมชาติ โสภณธนฤทธิ์ "การอบแห้งเมล็ดพืชและอาหารบางประเภท" สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าธนบุรี กรุงเทพมหานคร, 375 หน้า พ.ศ. 2540.
- [11] Crank, J. "The Mathematics of Diffusion," Oxford University Press, London, 414 p., 1975.
- [12] AOAC. "Official Methods of Analysis," 18<sup>th</sup> Ed., Association of official analytical chemists, Washington, D.C., 2005.
- [13] Ilknur, A. "Selection of the Best Suitable Thin-Layer Drying Mathematical Model for Vacuum Dried Red Chili Pepper," *J. BIOL. ENVIRON. SCI.*, Vol.6, Iss.17, pp.161-170, 2012.